

Durée : 2 heures

Année Scolaire : 2011-2012

Classe : 2^{ème} Science₆

L-F-B MONASTIR

DEVOIR DE SYNTHESE N°2.

06.03.2012

EXERCICE N°1 :

Choisir la réponse exacte :

- ❶ Soit ABC un triangle de cotés 2cm, 3cm et 4cm, tel que le rayon de son cercle circonscrit est R = 3cm alors sa surface est :
a) 2 **b) $\sqrt{2}$** **c) 3**
- ❷ Soit ABC un triangle tel que : AB = c, AC = b et BC = a alors :
a) $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos \hat{A}$ **b) $a^2 = b^2 + c^2 + 2bc \cos \hat{A}$** **c) $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \sin \hat{A}$**
- ❸ Soit u une suite arithmétique de raison r = 3 et de premier terme $u_0 = 1$, alors le quatrième terme de cette suite est égal :
a) 10 **b) 16** **c) -12**
- ❹ La suite v_n définie par $v_n = 3^{2n+1}$ est une suite géométrique de raison :
a) q = 3 **b) q = 9** **c) q = 2**

EXERCICE N°2 :

Une partie de l'amphithéâtre romain de Carthage est entourée de gradins. Le nombre de places par rangée constitue une suite arithmétique notée $(u_n)_{n \geq 1}$. (voir photo).

- Sur la première rangée, on a estimé qu'il y avait 200 places. On note $u_1 = 200$.

- Sur la 25^{ème} rangée, on a estimé qu'il y avait 320 places. On note $u_{25} = 320$.

- ❶ Calculer la raison r de la suite $(u_n)_{n \geq 1}$. En déduire que $u_n = 195 + 5n$.
- ❷ On considère qu'à l'origine, il pouvait y avoir 52 rangées. Calculer le nombre de places qu'il devait y avoir à la 52^{ème} rangée.
- ❸ Calculer le nombre total de places sur l'ensemble de gradins.

EXERCICE N°3 :

Soit la suite réelle $(u_n)_{n \geq 0}$ définie par : $u_0 = 2$ et pour tout $n \in \mathbb{N}$; $u_{n+1} = \frac{1}{2}u_n + 3$

- ❶ a- Calculer u_1 et u_2 .
b- Montrer que la suite u_n n'est ni arithmétique, ni géométrique.
- ❷ Soit la suite v définie sur \mathbb{N} par : $v_n = u_n - 6$.
a- Montrer que v_n est une suite géométrique de raison $q = \frac{1}{2}$.
b- Déterminer v_0 et exprimer v_n en fonction de n.
c- En déduire l'expression de u_n en fonction de n.
- ❸ Calculer les sommes suivantes :
 $S_1 = v_0 + v_1 + v_2 + \dots + v_{10}$ puis $S_2 = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_{10}$.

EXERCICE N°4 :

A) Dans un triangle ABC, on donne : $AB = 4$ cm, $BC = 7$ cm et $\hat{A}BC = \frac{\pi}{3}$

- ❶ Calculer l'aire du triangle ABC.
- ❷ Calculer AC.
- ❸ Déterminer le rayon R du cercle circonscrit au triangle ABC.

B) Résoudre dans l'intervalle $[0, \pi]$ les équations suivantes :

❶ $(4\cos^2 x - 1)(\sin x + 1) = 0$

❷ $2\cos^2 x - 3\cos x + 1 = 0$

❸ Montrer les égalités suivantes :

❶ $\frac{1}{1 - \sin x} + \frac{1}{1 + \sin x} = \frac{2}{\cos^2 x}$ pour $x \neq \frac{\pi}{2}$

❷ $(\frac{1}{\cos x} + \tan x)(\frac{1}{\cos x} - \tan x) = 1$ pour $x \neq \frac{\pi}{2}$

EXERCICE N°5 :

Soit la fonction f définie sur \mathbb{R} par $f(x) = 3x^2 + 6x - 8$

- ❶ Montrer que pour tout réel x , $f(x) = 3(x + 1)^2 - 11$.
- ❷ Etudier les variations de f sur $]-\infty, -1]$ puis $[-1, +\infty[$.
- ❸ Dresser le tableau de variation de f .
- ❹ Dédire que f admet un minimum que l'on précisera.

Photo

